

⑭

F

2025年度

数

学

問題冊子(1～7ページ)

注意事項

- (1) 試験開始の合図があるまで, この問題冊子の中を見ないこと。
- (2) 試験中に問題冊子の印刷不鮮明, ページの落丁・乱丁および解答用紙の汚れ等に気付いた場合は, 手を挙げて監督者に申し出ること。
- (3) 解答は別に配付する解答用紙の該^が当欄に正しく記入すること。裏面には解答を書かないこと。また, 解答に関係のない語句・記号・落書き等は解答用紙に書かないこと。
- (4) 解答用紙上部に印刷してある受験学部・学科コード, 受験番号, 氏名(カタカナ)を確認し, 氏名欄に氏名(漢字)を記入すること。もし, 印刷に間違いがあった場合は, 手を挙げて監督者に申し出ること。
- (5) 問題冊子の余白等は適宜利用してよいが, どのページも切り離さないこと。

〔Ⅰ〕 次の をうめよ。答は解答用紙の該^が当^{とう}欄に記入せよ。

(i) 2 次方程式 $2x^2 - x + 3 = 0$ の 2 つの解を α , β とするとき,

$(\alpha - 1)(\beta - 1)$ の値は で, $\alpha^3 + \beta^3$ の値は

である。

(ii) $\triangle ABC$ において、 $\angle A : \angle B : \angle C = 3 : 4 : 5$ 、 $AC = \sqrt{6}$ である。

このとき、 $BC = \boxed{(3)}$ で、 $AB = \boxed{(4)}$ である。

(iii) サイコロ 2 個を同時に投げる。出た目が異なる場合は 2 つの目の合計を得点とし、出た目が等しい場合は 2 つの目の合計に 1 を加えた値を得点とする。このとき、得点が 3 になる確率は (5) で、得点が偶数になる確率は (6) である。

〔Ⅱ〕 次の をうめよ。答は解答用紙の該^が当欄に記入せよ。

(i) x, y が 4 つの不等式

$$x \geq 0, \quad y \geq 0, \quad x + 2y \leq 8, \quad 2x + y \leq 7$$

を同時にみたすとき、 $x + y$ の最大値は (1) で、

$x^2 + y$ の最大値は (2) である。

(ii) $\log_{10} 2 = 0.3010$ として, $\log_{10} \frac{5}{4}$ の値を計算すると (3)

となる。ある細胞は, 分裂して 1 時間ごとにその個数が $\frac{5}{4}$ 倍

の割合で増えていくという。最初に 1 個あった細胞が分裂を

繰り返して 1000 個を超えるのは (4) 時間後である。

ただし, (4) の答えは整数で求めること。

次のページに問題 [III] があります。

[III] (記述問題)

関数 $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + 1$ は $x = -\frac{1}{3}$, $x = 1$ で極値をとる。

このとき、次の問に答えよ。

- (i) 定数 a , b の値を求めよ。また、 $f(x)$ の極大値 M , 極小値 m を求めよ。
- (ii) (i) のとき、曲線 $y = f(x)$ と x 軸で囲まれる部分の面積 S を求めよ。

⑮ F 2025年度 数 学

問 題 冊 子 （ 1 ～ 7 ページ）

注 意 事 項

- (1) 試験開始の合図があるまで，この問題冊子の中を見ないこと。
- (2) 試験中に問題冊子の印刷不鮮明，ページの落丁・乱丁および解答用紙の汚れ等に気付いた場合は，手を挙げて監督者に申し出ること。
- (3) 解答は別に配付する解答用紙の該^が当^{とう}欄に正しく記入すること。裏面には解答を書かないこと。また，解答に関係のない語句・記号・落書き等は解答用紙に書かないこと。
- (4) 解答用紙上部に印刷してある受験学部・学科コード，受験番号，氏名(カタカナ)を確認し，氏名欄に氏名(漢字)を記入すること。もし，印刷に間違いがあった場合は，手を挙げて監督者に申し出ること。
- (5) 問題冊子の余白等は適宜利用してよいが，どのページも切り離さないこと。

〔I〕 次の をうめよ。答は解答用紙の該^が当^{とう}欄に記入せよ。

- (i) 円に内接する四角形 ABCD において $AB=3$, $BC=1$, $DA=2$,
 $\angle BCD=120^\circ$ である。このとき $CD=$ で、四角形
ABCD の面積 S は $S=$ である。

(ii) $f(x) = x^2 - 2mx + m + 2$ とする。2 次関数 $y = f(x)$ の最小値

が -4 となるとき、定数 m の値は $m = \boxed{(3)}$ である。

また、 $y = f(x)$ のグラフと x 軸の $x > 1$ の部分が異なる 2 点

で交わる時、定数 m の値の範囲は $\boxed{(4)}$ である。

(iii) 1 から 1000 までの自然数を全体集合 U とし, U の部分集合

A, B をそれぞれ

$$A = \{n \mid 1 \leq n \leq 1000, n \text{ は } 25 \text{ で割り切れる自然数} \}$$

$$B = \{n \mid 1 \leq n \leq 1000, n \text{ は } 20 \text{ で割り切れる自然数} \}$$

とすると, $A \cap B$ の要素の個数は (5) 個で,

$\overline{A} \cap \overline{B}$ の要素の個数は (6) 個である。

〔II〕 次の をうめよ。答は解答用紙の該^が当^い欄に記入せよ。

- (i) A, B の 2 つの会場で同一のテストが行われた。会場 A では 200 人が受験し、会場 B では 100 人が受験した。会場 A の平均点は $m_A = 60$ 点、会場 A と会場 B を合わせた 300 人の平均点が $m_x = 61$ 点のとき、会場 B の受験生の平均点は $m_B =$ (1) である。また、会場 A と会場 B を合わせた 300 人の点数のデータを $x_1, x_2, \dots, x_{300}$ とし、これから $y_1 = \frac{x_1 - 61}{18}, y_2 = \frac{x_2 - 61}{18}, \dots, y_{300} = \frac{x_{300} - 61}{18}$ によって、新しい変量を考える。会場 A と会場 B を合わせた 300 人の標準偏差が $s_x = 18$ 点のとき、新しい変量の平均 m_y と標準偏差 s_y は $(m_y, s_y) =$ (2) である。

(ii) $0 \leq \theta \leq \pi$ のとき $t = \cos \theta + \sin \theta$ の取りうる値の範囲は

$\boxed{(3)}$ である。また、このことを使って関数

$y = \cos \theta - 2 \cos \theta \sin \theta + \sin \theta$ ($0 \leq \theta \leq \pi$) を t の式で表して

y の最大値 M と最小値 m を求めると $(M, m) = \boxed{(4)}$ で

ある。

次のページに問題 [III] があります。

[III] (記述問題)

放物線 $C: y = x^2 + 3x + 3$ について、次の問に答えよ。

- (i) 点 $(0, -1)$ から放物線 C に引いた 2 つの接線の方程式を求めよ。
- (ii) (i) で求めた 2 つの接線と放物線 C で囲まれた図形の面積 S を求めよ。

⑬ F 2025年度 数 学

問 題 冊 子 (1 ~ 7 ページ)

注 意 事 項

- (1) 試験開始の合図があるまで、この問題冊子の中を見ないこと。
- (2) 試験中に問題冊子の印刷不鮮明、ページの落丁・乱丁および解答用紙の汚れ等に気付いた場合は、手を挙げて監督者に申し出ること。
- (3) 解答は別に配付する解答用紙の該^が当^{とう}欄に正しく記入すること。裏面には解答を書かないこと。また、解答に関係のない語句・記号・落書き等は解答用紙に書かないこと。
- (4) 解答用紙上部に印刷してある受験学部・学科コード、受験番号、氏名(カタカナ)を確認し、氏名欄に氏名(漢字)を記入すること。もし、印刷に間違いがあった場合は、手を挙げて監督者に申し出ること。
- (5) 問題冊子の余白等は適宜利用してよいが、どのページも切り離さないこと。

〔Ⅰ〕 次の をうめよ。答は解答用紙の該^が当欄に記入せよ。

- (i) 放物線 $C: y = x^2 - 2x + 5$ を x 軸方向に p , y 軸方向に q だけ平行移動したら, 放物線 $y = x^2 - 8x + 21$ になった。

このとき, $(p, q) =$ (1) である。

また, 放物線 C を x 軸の方向に r ($r > 0$) だけ平行移動した

放物線が点 $(2, 5)$ を通るとき, $r =$ (2) である。

- (ii) 0, 1, 2, 3, 4 の 5 個の数字のうち, 異なる 3 個を用いて 3 桁の整数をつくる。このとき, 偶数は 個できて, 321 は小さい方から数えて 番目の数である。

(iii) 方程式 $2^{\log_{10} x} + \left(\frac{1}{2}\right)^{\log_{10} x} = \frac{5}{2}$ において, $2^{\log_{10} x} = X$ と

おくと, X の満たす 2 次方程式は (5) であるから,

これより x の値を求めると $x =$ (6) である。

〔Ⅱ〕 次の をうめよ。答は解答用紙の該^が当欄に記入せよ。

- (i) 中心が $(a, \frac{a}{2} + 1)$ で半径 $2\sqrt{2}$ の円と直線 $y = x$ が異なる
2 点で交わるとき、定数 a の値の範囲は であり、
この 2 つの交点を結ぶ線分 ℓ の長さの最大値は
である。

(ii) $a > 0$ とする。2 次方程式 $4x^2 - 2(1+a)x + a = 0$ の 2 つの解

が $\cos \theta$, $\sin \theta$ のとき, a の値は $a = \boxed{(3)}$ である。

このとき $\cos \theta < \sin \theta$ となる θ ($0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{2}$) の値を求めると

$\theta = \boxed{(4)}$ である。

次のページに問題 [III] があります。

[III] (記述問題)

a ($a > 0$), b を定数とし, $f(x) = x^3 - 3a^2x + b$ とする。

曲線 $C: y = f(x)$ が $x > 0$ で x 軸と接しているとき,
次の問に答えよ。

(i) b を a の式で表せ。

(ii) $a = 1$ のとき, 曲線 C と x 軸で囲まれる部分の面積 S を
求めよ。

①7 F 2025年度 数 学

問 題 冊 子 （1～7 ページ）

注 意 事 項

- (1) 試験開始の合図があるまで，この問題冊子の中を見ないこと。
- (2) 試験中に問題冊子の印刷不鮮明，ページの落丁・乱丁および解答用紙の汚れ等に気付いた場合は，手を挙げて監督者に申し出ること。
- (3) 解答は別に配付する解答用紙の該当欄^{がいう}に正しく記入すること。裏面には解答を書かないこと。また，解答に関係のない語句・記号・落書き等は解答用紙に書かないこと。
- (4) 解答用紙上部に印刷してある受験学部・学科コード，受験番号，氏名(カタカナ)を確認し，氏名欄に氏名(漢字)を記入すること。もし，印刷に間違いがあった場合は，手を挙げて監督者に申し出ること。
- (5) 問題冊子の余白等は適宜利用してよいが，どのページも切り離さないこと。

〔Ⅰ〕 次の をうめよ。答は解答用紙の該当欄^{がいう}に記入せよ。

(i) 白球 6 個，赤球 2 個が入っている袋から球を 1 個取り出し，
袋に戻さずに続けてもう 1 個取り出す。このとき，2 回目に
取り出した球が白球である確率は (1) である。

また，2 回目に取り出した球が赤球であるとき，1 回目に
取り出した球も赤球である条件付き確率は (2) である。

(ii) 2 次方程式 $x^2 + 2(a - 1)x + a^2 + 2 = 0$ が異なる 2 つの実数解

α, β をもつような定数 a の値の範囲は (3) である。

また, $\beta = 3\alpha$ となるとき, 定数 a の値は $a =$ (4)

である。

(iii) $\sqrt{3}\cos x + \sin x$ を $r\sin(x+\theta)$ ($r > 0, 0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{2}$) の形に

変形すると $(r, \theta) = \boxed{(5)}$ である。これより，方程式

$\sqrt{3}\cos x + \sin x = -1$ ($0 \leq x \leq \pi$) を解くと $x = \boxed{(6)}$

である。

〔Ⅱ〕 次の をうめよ。答は解答用紙の該^が当欄に記入せよ。

(i) $a = \sqrt{2}$ とし、関数 $y = (\log_a x)^2 - \log_a x + 2$ ($1 \leq x \leq 2$) を

考える。 $t = \log_a x$ とおくと t のとり得る値の範囲は (1)

だから、これより y を t の式で表して y の最大値 M と最小値

m を求めると $(M, m) =$ (2) である。

- (ii) $\triangle ABC$ において、 $AB=5$, $BC=8$, $CA=7$ とする。 $\angle BAC$ の二等分線と辺 BC の交点を D とするとき、 $BD=$ (3) で、 $AD=$ (4) である。

次のページに問題 [III] があります。

[III] (記述問題)

$f(x) = x^3 + 2x$ とする。曲線 $C: y = f(x)$ について、
次の問に答えよ。

- (i) 曲線 C 上の点 $(t, f(t))$ における接線の方程式を求めよ。
- (ii) 点 $(1, a)$ を通る曲線 C の接線が、3 本存在するような
定数 a の値の範囲を求めよ。

⑱ F 2025年度 数 学

問 題 冊 子 （1～7ページ）

注 意 事 項

- (1) 試験開始の合図があるまで、この問題冊子の中を見ないこと。
- (2) 試験中に問題冊子の印刷不鮮明、ページの落丁・乱丁および解答用紙の汚れ等に気付いた場合は、手を挙げて監督者に申し出ること。
- (3) 解答は別に配付する解答用紙の該当欄^{がいう}に正しく記入すること。裏面には解答を書かないこと。また、解答に関係のない語句・記号・落書き等は解答用紙に書かないこと。
- (4) 解答用紙上部に印刷してある受験学部・学科コード、受験番号、氏名(カタカナ)を確認し、氏名欄に氏名(漢字)を記入すること。もし、印刷に間違いがあった場合は、手を挙げて監督者に申し出ること。
- (5) 問題冊子の余白等は適宜利用してよいが、どのページも切り離さないこと。

〔I〕 次の をうめよ。答は解答用紙の該^が当欄に記入せよ。

(i) 2 次関数 $f(x) = ax^2 - 4ax + b$ の $1 \leq x \leq 4$ における

最大値が 7, 最小値が 3 である。このとき, $a > 0$ ならば

$(a, b) =$ (1) で, $a < 0$ ならば $(a, b) =$ (2)

である。

(ii) A と B の二人がじゃんけんを 1 回するとき，A が勝つ確率は

(3) である。また，A と B がじゃんけんをして，どちら

か一方が先に 3 勝したら，勝負を終わりにするものとするとき，

ちょうど 4 回目のじゃんけんでは勝負がついて A が勝つ確率は

(4) である。ただし，あいこも 1 回と数えるものとする。

- (iii) 1 辺の長さが 2 の正四面体 OABC において、辺 AB の中点を M とする。 $\angle OMC = \theta$ とおくとき、 $\cos \theta = \boxed{(5)}$ で、
これよりこの正四面体の体積 V を求めると $V = \boxed{(6)}$ である。

〔Ⅱ〕 次の をうめよ。答は解答用紙の該^が当欄に記入せよ。

(i) $x > 1$ として、関数 $y = \log_3\left(\frac{x^2}{9}\right) + \log_x\left(\frac{9}{\sqrt{x}}\right)$ を考える。

$\log_3 x = t$ とおいて y を t の式で表すと $y =$ (1) となる

から、これより y の最小値は (2) である。

(ii) x の多項式 $P(x)$ は $x+2$ で割ると 1 余り, $(x+1)^2$ で割ると $-2x-4$ 余る。このとき, $P(x)$ を $(x+2)(x+1)$ で割った余りは $\boxed{(3)}$ で, $P(x)$ を $(x+2)(x+1)^2$ で割った余りは $\boxed{(4)}$ である。

次のページに問題 [III] があります。

[III] (記述問題)

$0 < a < 1$ とし, $f(x) = |x^2 - a^2|$ ($0 \leq x \leq 1$) とする。

$y = f(x)$ のグラフを C とするとき, 次の問に答えよ。

(i) C と x 軸および y 軸, C と x 軸および直線 $x = 1$ で囲まれた 2 つの部分の面積の和を a を用いて表せ。

(ii) (i) で求めた面積を $S(a)$ とするとき, $S(a)$ の最小値を求めよ。